# ELEMEN INTERAKTIVITAS PADA BEBAN KOGNITIF DALAMPEMBELAJARAN TRIGONOMETRI

Barep Yohanes PendidikanMatematika, Universitas PGRI Banyuwangi barepyohanes@gmail.com

Abstrak- Penelitian dilakukan untuk mendeskripsikan ElemenInteraktivitaspadabeban kognitif mahasiswa dalam pembelajaran materi fungsi invers trigonometri. Penelitian ini menggunakan pendekatan kualitatif. Hasil dari penelitian bahwa beban kognitif intrinsic yang munculdisebabkanoleh jumlah element interaktivitas. ElemenInteraktivitas yang muncul meliputi materi prasyarat (fungsi dan fungsi satu-satu), fungsi sirkular(Circular Functions), menggambar unit circle, dan fungsi invers trigonometri. MunculnyaElemenInteraktivitas yang terdiridarielemen-elemen yang bersesuaiantersebutberasalkompleksitas/kerumitan dari materi fungsi invers trigonometri yang dapatdilihat dari kesalahandankesulitan mahasiswa dalam menggambar unit circle dan juga menentukan nilai invers trigonometri.

Kata kunci: ElemenInteraktivitas; Fungsi Invers Trigonometri

### I. PENDAHULUAN

Teori Beban Kognitif [1] merupakan pembelajaran yang menjelaskan teori keterlibatan instruksional karakteristik arsitektur kognitif manusia. Intidariarsitektur kognitif manusia meliputi 2 komponen salingberhubungandantakterpisahkanyaitu memori jangka panjang (Long Term-Memory) dan memori jangka pendek(Short Term-Memory). Memorijangkapanjangmemilikikema mpuanmenyimpansuatuinformasi tidakakanhilanghanyasajaterkadangkitakehilang ankemampuanuntukmenemukanataumengambili nformasi yang adapadamemorijangkapanjang [2]. Berbedadenganmemorijangkapanjang yang memilikikemampuanmenyimpaninformasi yang takterbatas,

memorijangkapendekhanyabisamenyimpansuat uinformasibeberapadetiksaja.memorijangkapend ekjugahanyamenyimpanbeberapainformasisajas esuaikemampuandalammemprosessuatuinforma si yang diterima. Memori jangka pendekmemilikitugasuntukmemberikanresponte rhadapsuatuinformasi yang diterimagunadisimpanataudibuangsuatuinforma sitersebut.Memorijangkapendekjugadisebutdeng anMemoriKerja(Working Memory).

Teori Beban Kognitif merupakansuatugambarandaribeban yang diterimasistemkognitifmanusiaketikasuatutugas diberikanuntukdikerjakan[3].

TeoriBebanKognitifmenggambarkandarikemam

memorijangkapendekpadasaatmemprosessuatui nformasipadawaktutertentu.Kemampuantersebut berhubungandenganmemorijangkapendekataum emorikerja yang mengelolasuatuinformasi yang diterimadankemudianupayauntukmenghubungk anpadamemorijangkapanjang.BebanKognitifdite rimaseseoranghanyabeberapawaktupadasaatsuat uinformasiberadapadamemorijangkapendekatau memorikerja.Beban diterimamemorijangkapendekataumemorikerjai nilah yang menjadidasardariteoriBebanKognitif. BebanKognitifdibagimenjadi jenisyaitu, beban kognitif intrinsic, extraneous, germane[4,5].Beban yang diterimaolehmemorijangkapendekataumemorike disebabkanolehbeberapaelemeninteraktivitassec arabersama-samadisebutbebankognitif intrinsic. diterimaolehmemorijangkapendekataumemorike rja yang berhubungandengansuatuintruksional yang semakinmembebanimemorijangkapendekataum emorijangkakerjadalammemprosessuatuinforma sidisebutBeban kognitif extraneous.Sedangkabeban yang diterimamemorijangkapendekataumemorikerja yang berasaldariusaha yang

dilakukanolehseseoranguntukmenerimasuatuinf

ormasibaru

puanseseorangdalammemprosesinformasi yang

dapatdihubungkandenganinformasi yang telahdimilikidisebutBeban kognitif *germane*.

Beban kognitif intrinsic merupakan beban yangsecaraumumdisebabkandarikompleksitasm ateri yang telahdipelajari. Kompleksitasmateriberhubungandenganbeberap aelemen salingterhubunguntukmembentuksuatuinformasi utuh.Elemen-elemen vang yang salingberhubungantersebutdisebut element interaktivitas [4]. Element interaktivitas merupakan element yang harus diproses dalam memori kerja karena mereka secara logis berkaitan.Elemen-

elementersebutsalingberkaitandalammembentuk suatuinformasi yang salingberhubungan. Element adalah segala sesuatu yang harus dipelajari atau diproses, atau yang telah dipelajari atau diproses.

Teori beban kognitif merupakan bagian dari teori pembelajaran yang berupaya untuk memperbaiki pembelajaran kedepannya [1]. TeoriBebanKognitifmemberikankontribusidala mpemikirannyaterhadapperkembangandankema juanpembelajaran. Teori Beban Kogniti fmemberi kanpemikiranbahwamanusiabelajartersebutberh ubungandengansistemkognitifnya.Melalui pengamatan atau penelitian terhadap beban kognitif yang dapat muncul dalam kegiatan pembelajaran akan dapat dijadikan sebagai acuan untuk memperbaiki kekurangan dalam Pembelajaran pembelajaran. baikmemberikanpeluangbagibebankognitifuntuk dikeloladalamkegiatanpembelajaran.Bebankogn itif*Intrinsic* 

harusdikelolakarenaberhubungandengankomple ksitasmateri yang dipelajari, bebankognitif*Extraneous* 

harussemaksimalmungkindihilangkandalampem belajarankarenaberhubungandenganinstruksiona l yang mengganggu, danbebankognitif*Germane* harusditingkatkankarenaberhubungandenganusa ha yang dikeluarkanuntukbelajar[3,6,7].

Pembelajaranmerupakansuatukegiatan melibatkanantara yang denganpesertadidikuntukmelakukankegiatanbel ajar.Kegiatan pembelajaran merupakan suatu kegiatan yang dilakukan seorang guru dalam membantu peserta didik untuk belajar [8]. Kegiatan vang dilakukan denganpesertadidikiniintinyamerupakansuatuke giatanuntukbelajar.Belajarmerupakankegiatan yang membutuhkankemampuankognitifatau gunamemprosessuatuinformasi yang mental telahdipelajari.Dalam kegiatan pembelajaran yang harus diperhatikan bahwa tujuan dari pembelajaran untuk merangsang perkembangan

kognitif peserta didik[9].Perkembangankognitiftersebutharusteru sdimaksimalkangunamencapaisuatutujuanpemb elajaran yang akandicapai. Perencanaanpembelajaran yang tepatakanmemberikanmanfaat yang sangatbermanfaatbagipesertadidik yang mengikutipembelajaran.

Dalam belaiar seorang memerlukan kemampuan mental yang bisajugadisebut pikiran ketika melakukansuatu kegiatan belajar [2,10].Belajar adalahsuatuperubahan yang terjadipadaseseorang yang diperolehmelaluipengalaman yang dirasakanolehseseorangtersebut[2].Pengalamana kanmemberikankesan mendalambagiseseorangataupesertadidikpadasa atmerekamelakukankegiatanbelajar. Pengalamanakanmembangunataumengkonstruk sidalampemahamannyatentangsuatuinformasi. Informasi diperolehtersebutselanjutnyadisebutdenganpeng etahuanbagiseseorangataupesertadidik.Pengetah uandibagimenjadi yaitu, PengetahuanDeklaratifatau yang disebutpengetahuanuntukmemahamidanpengeta huanproseduralatau disebutpengetahuanketerampilan[11].

Pengetahuan deklaratif mengarah pada pengetahuan dalam mengetahui, terlebih dalam mengetahui fungsi invers trigonometri. Fungsi invers trigonometri merupakan submateri dari trigonometri yang membahas tentang kebalikan dari fungsi trigonometri. Materi fungsi invers trigonometri ini dibahas lebih jelas pada jenjang universitas. Pada jenjang sekolah menengah masih belum diberikan submateri tentang fungsi invers trigonometri. Sehingga dalam pembelajaran fungsi invers trigonometri ini mengalami banyak gendala mahasiswa yang mengikuti pembelajaran.

Pembelajaran adalah suatu sistem yang terdiri dari berbagai komponen yang saling berhubungan satu dengan yang lainnya [12]. Keterhubungantersebuttidakdapatdipisahkankar enasamadengan yang lainnyasalingterhubung. Komponen tersebut meliputi, tujuan, materi, metode, dan evaluasi. Komponenkomponentersebutakanmemilikikontribusidanfungsi yang sejalandengantujuandarisuatupendidikan.

PembelajaranpadaTrigonometrimemili kibanyak sub materi yang harusdipelajaridansalahsatunyayaitufungsi invers trigonometri. Kompetensidasardarimaterifungsi invers trigonometriadalah mahasiswa dapat memahami konsep dan keterampilan fungsi invers. KarenaKompetensidasardarimaterifungsi invers trigonometriuntukmemahamimakasangatperluu ntukmelibatkankemampuan mental ataukognitifdalampembelajaran.

Berdasarkan latar belakang penelitian yang dilakukanmaka penelitianiniberjudul, ElemenInteraktivitaspadaBebanKognitifdalamP embelajaranTrigonometri.

Penelitianinidibatasipada sub materiFungsi Invers Trigonometri.

Penelitianinimengambilrumusanmasalah,

Bagaimana ElemenInteraktivitaspadabeban kognitif mahasiswa dalam pembelajaran materi fungsi invers trigonometridanbertujuanuntukMendeskripsikan elemeninteraktivitaspadabeban kognitif dalam pembelajaran materi fungsi invers trigonometri.

# II. METODE PENELITIAN

Penelitiandilakukan di UniversitasNegeri Malang padamahasiswa Prodi S1 Matematika Semester GanjilTahunPembelajaran 2015/2016 kelas H sebanyak 34 mahasiswa. Penelitianmelibatkan 2 observer yang melakukanpengamatandalampembelajaranpada materifungsi invers trigonometri.Penelitiberperansebagaipengajar yang

kemudianmelakukanpembelajaranmaterifungsi invers

trigonometri.Penelitiandilakukanpadasaatpenelit imelakukankegitanPraktikPengalamanLapang (PPL)

untukmemenuhitugaspadawaktumenempuhpend idikanpascasarjanaPendidikanMatematika di UniversitasNegeri Malang.

Langkah-

langkahdalampenelitianinimeliputi: (1) prasurveiyang meliputiobservasiawaltentangSubjek yang akanditeliti, persiapan (2) yang meliputipenyusunan instrument dalampenelitian vang akandigunakan, (3) pengambilan data pembelajaran) (praktik meliputikegiatanpembelajarandansekaliguspenel itian yang dibantuoleh 2 observer tersebut, (4) pengelolahan data yang meliputianalisis data yang telahdiperolehpadawaktupenelitian,dan (5) kesimpulan.

Instrumen

padapenelitianinimenggunakanlembarobservasi untukmelihatmunculnyaelemeninteraktivitasdari mahasiswapadasaatpembelajaran, wawancarauntukmenggalielemeninteraktivitas yang munculdarimahasiswa, dandokumentasidari video rekamanpembelajaranuntukmelakukanpenelitian

lebihmendalamdaripembelajaran.

Observasidilakukanpadasaatkegiatanpembelajar andandilakukanoleh 2 observer. Wawancaradilakukansetelahkegiatanpe mbelajaranberlangsungdan Dokumentasidilakuk anselamapembelajaranberlangsungdenganmeng gunakanalatperekan audio visual.

Analisis data dilakukandengan: (1) melihat dan memahami data, (2) reduksi data, (3) pengkodingan, (4) menggambarkan struktur dari pengkodingan, (5) menganalisis elemeninteraktivitas yang muncul, dan (6) kesimpulan.

### III. HASIL DAN PEMBAHASAN

ElemenInteraktifitas yang akandianalisisberasaldaritemuantemuanpadasaatkegiatanpenelitian. Temuantemuan yang telahdiperolehberhubungandengankesulitanyang telahdialamiolehmahasiswapadasaatpembelajara n.Kesulitaniniberhubungandengansuatuelemenelemen yang salingterhubungsehinggamemberikanbebankogn itif*Intrinsic*padamahasiswasaatmengikutipembel ajaran.

Beban kognitif intrinsic yang harus diterima mahasiswa dalam belajar fungsi invers trigonometri adalah hubungan antara fungsi invers trigonometri terhadap fungsi sirkular(Circular Functions). Fungsi invers trigonometri merupakan kebalikan dari fungsi trigonometri sehingga mahasiswa harus bisa memahami bahwa dalam belajar fungsi invers trigonometri mereka harus berfikir tentang kebalikan dari fungsi trigonometri. Tetapi yang harus diingat bahwa fungsi invers trigonometri harus memiliki batasan yang membuat invers trigonometri tersebut merupakan sebuah fungsi.

Pada langkah pembelajaran awal, beban kognitif intrinsic yang muncul berkaitan dengan materi prasyarat. Materi prasyarat yang diberikan pada pembelajaran berhubungan dengan fungsi dan fungsi satu-satu. Dosen praktikan menggunakan garis selidik vertikal untuk menjelaskan tentang suatu fungsi dan garis selidik horisontal untuk menjelaskan fungsi satu-satu. Beban kognitif intrinsic terlihat ketika ada mahasiswa yang mengalami kesulitan atau tidak bisa menjawab ketika dosen praktikan bertanya tentang suatu grafik aljabar dan grafik trigonometri. Setelah dosen praktikan menjelaskan tentang suatu grafik merupakan fungsi atau fungsi satu-satu dengan menggunakan garis selidik maka selanjutnya dosen praktikan mencoba bertanya kepada mahasiswa. Saat dosen praktikan menampilkan Dosen praktikan : menurut kamu grafik tersebut suatu fungsi atau bukan?

RV : maaf pak, saya belum paham, ini masih tanya kepada teman (dia

berdiskusi dengan teman didepan tempat duduknya).

Dari kesulitan yang dialami mahasiswa ini terlihat bahwa grafik fungsi dan grafik fungsi satu-satu merupakan beban kognitif intrinsic vang harus diproses oleh mahasiswa.

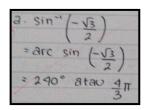
Selain dari hasil percakapan yang menunjukkan terdapat beban kognitif intrinsic ini, beban kognitif juga terlihat dari hasil lembar observasi dalam kegiatan pembelajaran. Dari hasil observasi terlihat pemicu dari interaksi antara mahasiswa dengan mahasiswa karena pertanyaan/masalah yang diberikan dosen praktikan yang berkaitan dengan fungsi dan fungsi satu-satu, sehingga ada mahasiswa yang belum mengerti dan menanyakan kepada temannya. Dari sini dapat diketahui juga bahwa beban kognitif intrinsic dalam pembelajaran materi fungsi invers trigonometri adalah tentang grafik yang merupakan suatu fungsi atau fungsi satu-satu.

Hasil lembar observasi menunjukkan interaksi antara mahasiswa dengan dosen praktikan saat dosen praktikan menjelaskan tentang invers, syarat fungsi memiliki invers, dan contoh-contoh suatu fungsi yang memiliki invers. Dalam pembelajaran ini juga disampaikan tentang peranan batasan pada suatu fungsi yang bukan satu-satu agar menjadi fungsi satu-satu.

Dalam kegiatan inti pembelajaran tentang materi fungsi invers trigonometri, beban kognitif intrinsic dapat dilihat dari kesulitan atau kesalahan yang dialami oleh mahasiswa dalam mengerjakan soal latihan. Kesulitan yang dialami mahasiswa dapat dilihat dari hasil observasi dari pembelajaran yang diperoleh.

Pada saat dosen memberikan latihan soal dan memberikan kesempatan kepada mahasiswa untuk menulis hasil kerjanya dipapan tulis, mahasiswa yang berinisial MBB beberapa kali membenahi hasil kerjanya yang sudah selesai ditulis pada papan tulis. Pembenahan tersebut dilakukan karena ada teman yang melihat kerjanya dan memberi tahu kesalahan yang terjadi pada hasil kerjanya. Soal yang diberikan adalah  $sin^{-1}\frac{\sqrt{2}}{2}$  =. Dari soal tersebut MBB beberapa kali memperbaiki hasil kerjanya dan setelah dirasa sudah cukup benar selanjutnya dibahas bersama-sama dalam pembelajaran tersebut.

Dalam mengerjakan latihan soal mahasiswa juga mengalami kesalahan yang membuat pemahaman mereka tentang fungsi invers trigonometri sepenuhnya mengarah pada fungsi sirkular. Dari hasil keja yang dilakukan mahasiswa terlihat beberapa kesalahan dalam mengarjakan latihan soal yaitu soal tentang  $sin^{-1}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$  =. Mahasiswa mengalami kesulitan atau kesalahan dalam menentukan hasil penyelesaiaan dari soal. Mereka tidak mempertimbangkan batasan yang digunakan pada fungsi invers sin yaitu  $\left[\frac{\pi}{2}, -\frac{\pi}{2}\right]$ . Mahasiswa melihat fungsi invers trigonometri ini dengan menggunakan fungsi sirkular yang bukan merupakan fungsi satu-satu. Sehingga dari kesalahan ini mengakibatkan dalam menggambar unit circle juga mengalami kesalahan dan memiliki hasil yang tidak tunggal.



Gambar 1 hasil pekerjaan mahasiswa

Dari hasil diatas maka peneliti bertanya kepada mahasiswa yang berinisial RP untuk mengetahui bagaimana dia bisa menjawab seperti gambar 1 dan gambar 2.

Dosen praktikan bagaimana pemahaman anda tentang hasil dari

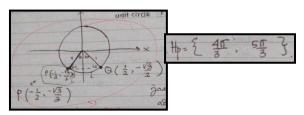
pemahaman anua tentang hash  $sin^{-1}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = \frac{4}{3}\pi?$ RP: ya, yang saya tahu kan untuk nilai  $\sin\frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}$  sehingga  $sin^{-1}\frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{\pi}{2}$ , tetapi pada soal

kan  $\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$  sehingga ya itu saya bingung pak. Kemudian saya menggambarnya pada unit circle bahwa nilai sin adalah koordinat pada sumbu y, sehingga ya nilainnya pada koordinat III/IV yang koordinatnya  $\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$  yang dapat dilihat pada gambar 2.

Dosen praktikan : bagaimana anda menentukan nilai  $sin^{-1}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)=?$  RP : ya itu tadi pak, nilainya kan pada

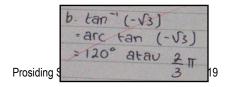
RP: ya itu tadi pak, nilainya kan pada kuadran III/IV. Saya berfikir bagaimana menentukan nilai pada kuadran III dan IV nya. Kemudian setelah saya pikirpikir lagi saya punya cara yaitu $\frac{\pi}{3}$  saya tambah  $\pi$  untuk kuadran III dan selanjutnya hasilnya saya tambah  $\frac{\pi}{2}$  untuk kuadran IV. Sehingga nilai  $sin^{-1}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$  adalah  $\frac{4\pi}{3}$  atau  $\frac{5\pi}{3}$ , tetapi pada gambar 1 saya ambil  $\frac{4\pi}{3}$  saja karena yang kecil nilainnya.

Dalam menggambar unit circle pun mahasiswa juga mengalami kesulitan yang ditunjukkan pada hasil kerja mereka sehingga mendapatkan hasil yang salah pada saat menentukan hasil penyelesainnya pada soal yang sama yaitu  $sin^{-1}\left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)=$ .



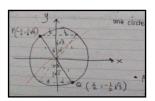
Gambar 2 unit circle dan penyelesaian dari hasil pekerjaan mahasiswa

Begitu juga dalam soal kedua yaitu  $tan^{-1}(-\sqrt{3})$ =. Dalam hasil kerja mahasiswa dapat dilihat beberapa kesulitan yang membuat mahasiswa tersebut mengalami kesalahan dalam mengerjakan. Mereka juga menganggap bahwa fungsi invers trigonometri sama dengan fungsi sirkular sehingga mereka lupa akan batasan yang harus diberikan yaitu  $\left(\frac{\pi}{2}, -\frac{\pi}{2}\right)$ .



# Gambar 3 hasil pekerjaan mahasiswa

Begitu juga untuk menggambar unit circle mahasiswa mengalami kesalahan. Akibat mengabaikan batasan pada fungsi invers, mereka menggambar unit circle pada fungsi invers trigonometri sama seperti fungsi sirkular.



Gambar 4 unit circle pekerjaan mahasiswa

Beban kognitif intrinsic dalam pembelajarandapat dilihat melalui element yang berinteraktivitas dalam materi. Materi fungsi invers trigonometri diawali dengan materi prasyarat yang harus dimiliki oleh mahasiswa (fungsi dan fungsi satu-satu)[13]. Selain fungsi dan fungsi satu-satu, grafik fungsi sirkular pada materi trigonometri ini juga berhubungan dengan fungsi invers trigonometri. Fungsi invers trigonometri merupakan kebalikan dari fungsi trigonometri. Dari grafik fungsi sirkular juga harus memberikan batasan sehingga grafik fungsi tersebut memiliki invers.

Faktor penting yang menjadi penyebab Beban kognitif *intrinsic* adalah element interaktivitas [4]. Element interaktivitas adalah element yang harus diproses secara bersamaan dalam memori kerja karena secara logis berkaitan. Element adalah segala sesuatu yang harus dipelajari atau diproses, atau yang telah dipelajari atau diproses. Dalam belajar fungsi invers trigonometri bahwa element yang harus diproses dalam memori kerja adalah pengertian fungsi dan fungsi satu-satu yang berhubungan dengan suatu invers. Pengertian fungsi dan fungsi satu-satu ini harus diproses sehingga topik pada materi invers dapat terpenuhi pada fungsi trigonometri.

Beban kognitif *intrinsic* ditentukan oleh interaksi antara unsur-unsur penting dari informasi yang digunakan untuk memahami materi [1], sehingga dalam memahami fungsi invers trigonometri mahasiswa harus dapat memproses beban kognitif *intrinsik* yang muncul dalam pembelajaran. Beban kognitif

yang muncul dalam pembelajaran adalah element yang harus diproses secara bersamaan dan keterkaitan antara unsur-unsur dalam materi [3].

Element yang harus diproses untuk memahami materi fungsi invers trigonometri adalah keterkaitan pembahasan fungsi satu-satu yang diterapkan pada fungsi invers trigonometri. Fungsi satu-satu merupakan materi prasyarat untuk mahasiswa mengetahui bahwa suatu fungsi yang bukan satu-satu maka kebalikannya bukan merupakan suatu fungsi [13]. Sehingga dalam belajar fungsi invers trigonometri mahasiswa harus mengetahui bahwa grafik fungsi sirkular pada trigonometri harus diberi batasan.

Pemahaman yang harus dilakukan dalam memahami fungsi invers trigonometri adalah bahwa fungsi invers trigonometri ini kebalikan dari fungsi sirkular pada trigonometri. Sedangkan grafik fungsi sirkular trigonometri bukan merupakan satu-satu. Sehingga dalam menentukan nilai invers, mahasiswa harus mengetahui batasan yang digunakan. Pada gambar 1, 2, 3, dan 4 dan juga dari hasil wawancara dengan mahasiswa dapat dilihat bahwa mahasiswa tidak melihat dalam menentukan fungsi invers ada batasan yang digunakan. Mereka mengambil penyelesaian yang tidak tepat atau berada diluar batasan yang ditentukan secara bersama.

Mahasiswa memang tidak salah dalam menghubungkan nilai invers pada hasil yang diperoleh (yang dilihat dari sudut pandang kebalikan) tetapi ada kegagalan dalam memahami materi fungsi invers trigonometri. Kegagalan terjadi ketika ada suatu unsur dalam materi yang tidak diproses [5] dalam belajar fungsi invers trigonometri yaitu batasan yang digunakan.

Element yang harus diproses selanjutnya adalah grafik fungsi invers dan juga unit circle. Kedua element ini sangat membebani mahasiswa dalam memahami fungsi invers trigonometri. Mahasiswa mungkin akan bisa mengikuti saat dijelaskan dengan grafik fungsi invers tetapi bisa juga pada saat menggunakan unit circle dalam mengerjakan fungsi invers trigonometri akan mengalami kebingungan/kesulitan. Penggunaan keduanya membebani mahasiswa merepresentasi soal yang akan dikerjakan dengan pengetahuan yang dia miliki. Dalam belajar harus mampu mentransfer materi kedalam representasi mahasiswa [14].

Dalam gambar 2 dan gambar 4 dapat dilihat bahwa mahasiswa harus memproses unit circle tentang fungsi invers yang digambar seperti unit circle pada fungsi sirkular. Keadaan ini mengakibatkan nilai invers trigonometri memiliki nilai yang tidak tunggal dan mengakibatkan bukan sebuah fungsi invers trigonometri. Dengan keadaan tersebut membuat fungsi invers trigonometri semakin karena pengetahuan mahasiswa sebelumnya yang masih mengalami kesulitan dalam menyajikan unit circle. Sehingga kompleksitas materi tergantung pada tingkat pengetahuan sebelumnya yang dimiliki [1].

Dari pembahasan dapat diketahui bahwa beban kognitif intrinsik terlihat yang pertama dari jumlah element interaktivitas yang harus diproses pada materi fungsi invers trigonometri. Element-element berinteraktivitas tersebut tentang fungsi dan fungsi satu-satu, fungsi invers trigonometri merupakan kebalikan dari fungsi trigonometri, fungsi invers trigonometri harus diberi batasan pada fungsi sirkular, dan penyajian unit circle pada fungsi invers trigonometri. Yang kedua dari kompleksitas/ kerumitan materi fungsi invers trigonometri. Kompleksitas terlihat dari kesalahan yang dialami oleh mahasiswa tentang batasan yang harus digunakan dalam fungsi invers trigonometri dan juga penyajian dalam unit circle yang harus disajikan seperti pada unit circle fungsi sirkular.

Melihat dua hal yang menjadi beban kognitif intrinsic dalam pembelajaran fungsi invers trigonometri yaitu jumlah element interaktivitas dan juga kompleksitas materi fungsi invers trigonometri. Pembelajaran fungsi invers trigonometri akan lebih baik dikelola semaksimal mungkin untuk membuat mahasiswa memahami materi tersebut [3,6,7]. Penggunaan program komputer seperti geogebra atau mathleb akan membantu mahasiswa dalam mempelajari fungsi invers trigonometri. Dalam pembelajaran jangan terlalu detail pada awal pembelajara, cukup memberikan materi yang penting kemudian pemberian latihan soal akan lebih efektif untuk mahasiswa mengembangkan pengetahuan mereka tentang fungsi invers trigonometri. Karena dalam belajar mahasiswa terlibat dalam proses, memiliki pengalaman yang bermakna, kerjasama dalam kelompok, dan bekerja dengan konsep diri [15, 16, 17].

# IV. KESIMPULAN DAN SARAN Kesimpulan

ElemenInteraktivitas yang merupakanbagiandariBeban kognitif *intrinsik* dalam pembelajaran materi fungsi invers trigonometriterlihat daribeberapaelemen-elemen yang salingterhubung. Elemen-elemen yang berinteraktivitas tersebut terdiridari fungsi dan fungsi satu-satu, fungsi invers, fungsi invers trigonometri dengan batasan pada fungsi sirkular, dan unit circle pada fungsi invers trigonometri.

ElemenInteraktivitastersebutmunculdikarenakan olehkompleksitas/ kerumitan darimateri fungsi invers trigonometri. Kompleksitas terlihat dari kesalahandankesulitan yang dialami oleh mahasiswa.

SehinggamunculnyaElemenInteraktivitas yang terdiridarielemen-elemen yang bersesuaiantersebutberasalkompleksitas/kerumit an dari materi fungsi invers trigonometri yang dapatdilihat dari kesalahandankesulitan mahasiswa dalam menggambar unit circle dan juga menentukan nilai invers trigonometri.

#### Saran

Penelitian membahas ini munculnyaelemeninteraktivitaspadabeban kognitif*Intrinsic* pembelajaran. dalam Padapenelitiankedepannyasangatpentinguntukda patmengukurtingkatan besarnva beban kognitifdalampembelajaran.Denganbesaranbeba nkognitif munculdalampembelajarandapatmemberikan ide untukmengelolabebankognitif.Penelitian tentang assesment dalam mengukur beban kognitif yang pembelajaran muncul dalam dapat mengidentifikasi tinggi atau rendahnya beban kognitif yang muncul.

## Daftar Pustaka

- [1] S. Kalyuga, 2011. Informing: A Cognitive Load Perspective. The International Journal of an Emerging Transdiscipline. 14:33-45
- [2] R. E. Slavin, 2009. Psikologi Pendidikan: Teori dan Prakte, edisi-9. Terjemahan Marianto Samosir. 2011. Jakarta: Indeks
- [3] H. Lin, dan J. Lin, 2013. Cognitive Load for Configuration Comprehension in Computer-Supported Geometry Problem Solving: An Eye Movement Perspective. International Journal of Science and Mathematics Education. 12:605-627
- [4] L. J. Plass, R. Moreno, & R. Brunken, 2010. cognitive Load Theory. New York: Cambridge University Press, (online).
- [5] J. Sweller, P. Ayres, & S. Kalyuga, 2011. cognitive Load Theory. New York: Cambridge University Press, (online).
- [6] D. T. Jong, 2010. Cognitive Load Theory, Educational research, and instructional design: some food for thought. Instructional Sciences. 38:105-134
- [7] V. M. W. P. Gerven, C. W. G. C. Paas, dkk., 2002. Cognitive load theory and aging: effects of worked examples on training efficiency. Elsevier Science Ltd. Learning and Instruction. 12: 87-105

- [8] S. N. Sukmadinata, & E. Syaodin, 2012. Kurikulum dan Pembelajaran Kompetensi. Bandung: Refika Aditama
- [9] J. Pegg, dan D. Tall. 2005. Using Theory To Advance Our Understandings Of Student Cognitive Development. Proceedings Of The 29<sup>TH</sup>Conference Of The International Group For The Psychology Of Mathematics Education. Melbourne: PME
- [10] G. Cooper, 1998. Research into Cognitive Load Theory and Instructional Design at UNSW. (Online), (Http://dwb4.unl.edu/Diss/Cooper/UNSW.htm), diakses 20 September 2015.
- [11] R. J. Marzano, dan D. J. Pickering, 1997. Dimensions of Learning: Teacher's Manual, Second Edition. USA: MCREL (online)
- [12] Rusman. 2013. Belajar Dan Pembelajaran Berbasis Komputer. Bandung: Alfabeta
- [13] J. A. Beecher, J. A. Penna, dan M. L. Bittinger. 2012. Algebra and Trigonometri: 4<sup>th</sup> edition. USA: Person Education. Inc.
- [14] D. P. Pantazi dan C. Christou. 2009. Cognitive Styles, Dynamic Geometry and Measurement Performace. Educ Stud Math. 70:5-26
- [15] C. Smith, 2010. Choosing More Mathematics: Happiness through Work. Research Mathematics Education. Vol 12 (2)
- [16] J. Choppin, 2011. The role of local theories: teacher knowledge and its impact on engaging students with challenging tasks. Mathematics Education Research Group of Australasia, Inc.
- [17] A. Takahashi, 2006. Characteristics Of Japanese Mathematics Lessons. Disajikan dalam APEC International Conference On Innovative Teaching Mathematics Trhrough Lesson Study, Tokyo, Jepang, 14-20 Januari
- [18] F. B. Mora, dan A. R. Rodriguez. 2013. Cognitive Processes Developed by Students When Solving Mathematical Problem Whitin Technological Environments. The Mathematics Enthusiast. Vol 10. Nos 1 & 2, pp. 109-136
- [19] L. Duval, 2006. A Cognitive Analysis of Problems of Comprehension in a Learning of Mathematics. Educational Studies in Mathematics. 61(10):103– 131